



## Proje Ana Alanı

### Matematik

## Proje Tematik Alanı

### Büyük Veri: Hazır Algoritma Uygulamaları

# FAKTÖRİYEL TABANLI DÖNGÜSEL SİMETRİK ŞİFRELEME

## Özet

Gelişen teknolojiler ve her geçen gün artan veri kullanımı nedeniyle verilerin güvenliğini sağlamak açısından sürekli yenilenen veya yenilenmesi gereken yöntemlerin geliştirilmesi gerekmektedir. Elektronik belgelerin oluşturulması ve kullanılması sırasında karşı karşıya kalınan başlıca tehditler kullanılan sistemlerdeki açık ve zayıflıklar, belgenin yetkisiz kişilerce görülmesi ve belgenin yetkisiz kişilerce değiştirilmesi olarak sıralanabilir. Bilgi güvenliğini sağlamak için kullanılan önemli yöntemlerden biri olan **şifreleme**, genel olarak bir mesajın, o mesajı çözmek için bir anahtara sahip olan kişi veya kişiler haricinde ulaşılmasını engelleyen matematiksel işlem olarak tanımlanabilir.

Bu projemizde, aktarılan verilerin şifrlenmesi için faktöriyel tabanlı ve AES (Advanced Encryption Standard; Gelişmiş Şifreleme Standardı) şifreleme tekniği ışığında bir matematiksel yöntem geliştirmeye çalıştık. Taban aritmetiği sisteminin çalışma prensibinden faydalanarak işleyen “!” tabanı basamak değerleri faktöriyel ile hesaplanan  $(\dots)_!$  sayıları ile çalışan bir sistem olarak geliştirilmiştir. Yaptığımız literatür taramalarında birçok şifreleme tekniğinde taban aritmetiğinden faydalandığımızı görmemiz geliştirdiğimiz faktöriyel tabanını şifreleme alanında kullanabileceğimiz konusunda bize yön verdi.

Bu şifreleme tekniğinde  $(k, n)$  anahtar sistemi ile çalışan faktöriyel tabanlı bir dönüşüm sistemi ile  $n$  adet döngüsel işlem sonucunda ulaşılan şifrelenmiş sayısal metin elde edilmektedir. AES şifreleme sisteminde olduğu gibi döngü sayısı oluşan şifrelenmiş sayısal metnin tekrar şifrelenmesi sonucu tekrarsız bir sayısal şifrelenmiş metin oluşturmaktadır. AES şifreleme tekniğindeki gibi şifrelenmiş metinde her bloktaki her değer birbirine ve anahtardaki değerlere bağlı olması ve döngüsel tasarımı tekniğimizi AES yöntemi gibi güvenli yapmaktadır.

**Anahtar kelimeler:** Faktöriyel Tabanı, Sınırsız Varyasyon, Tekrarsız Şifreleme, AES Şifreleme, Aktarılan Veri, Döngüsel Şifreleme

## İÇİNDEKİLER

İçindekiler	2
Amaç	3
Giriş	3
En Yaygın Şifreleme Teknikleri	3
Aktarılan Verilerde Şifreleme	4
Yöntem	5
Faktöriyel Tabanı	6
Verileri Sayısal Metne Çevirme	9
Sayısal Metni Faktöriyel Tabanına Çevirerek Şifrelenmiş Sayısal Metni Elde Etmek	10
Döngü Sayısı ile Şifrelenmiş Metni Tekrar Şifrelemek	11
Şifreli Sayısal Metni Eski Haline Çevirme	14
Proje İş-Zaman Çizelgesi	16
Sonuç ve Tartışma	17
Öneriler	18
Kaynakça	19

## AMAÇ

Bu projede genel amacımız faktöriyel tabanı adını verdiğimiz ve raporda da faktöriyel tabanı adını kullanacağımız özel bir taban sistemi ile sınırsız varyasyona sahip döngüsel bir simetrik şifreleme yöntemi üretmek ve bu yöntem yardımıyla aktarılan verileri şifrelemek ve şifrelenmiş metinleri çözmektir. Bu şifreleme tekniğinde açık olarak paylaşılan anahtar  $(k, n)$  ile karakter dizininin başlangıç sayısı ve şifreleme için yapılacak döngü sayısı belirlenmektedir. Şifrelenmiş metinde her bloktaki her değer birbirine ve anahtardaki değerlere bağlı olması ve döngüsel tasarım ile oluşturduğumuz şifreleme tekniğinin bireysel kullanıcılar için düşük maliyetli sistemlerde uygulanabilecek güvenli bir yöntem olması amaçlanmıştır.

## GİRİŞ

Şifreleme, veri güvenliğinin temel yapı taşıdır. Büyük şirketler için bilgi güvenliği ne kadar önemli ise bireysel kullanıcılar için de o kadar önemli hale gelmiştir. Bu bilgiler, ödeme verilerinden kişisel bilgilere kadar büyük bir yelpazeden oluşmaktadır. Bu nedenle tüm kullanıcılar için aktarılan verilerde veri güvenliği ve bu işlem için şifreleme yöntemleri ön plana çıkmaktadır. Bilinen şifreleme algoritmaları için hem şifreleme hem de çözme aşamalarını hızlandırmak amacıyla yüksek maliyetli yatırımlar gerekmektedir.

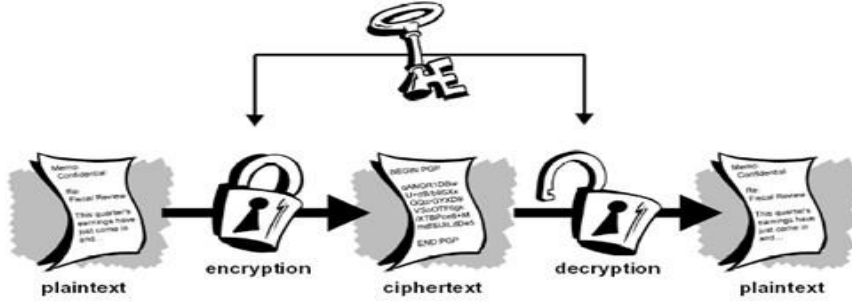
Şifreleme, herkes tarafından okunabilen düz metinleri şifreli metin olarak bilinen anlaşılabilir metinlere dönüştürmektir. Bu yöntem aktarılan verinin rastgele bir görünüme dönüştürülmesi olarak ifade edilebilir. Şifrelemede, gönderen ve alıcı tarafından kabul edilen bir dizi matematiksel değer, yani bir şifreleme anahtarı kullanılır. Alıcı, verilerin şifresini çözmek için bu anahtarı kullanır, böylece veriler tekrar okunabilir düz metne dönüştürülebilir.

## EN YAYGIN ŞİFRELEME TEKNİKLERİ

Günümüzde, bilişim teknolojilerinin gelişmesiyle birlikte haberleşme ve bilgi güvenliğinin sağlanması için şifrelemenin önemi giderek artmaktadır. Özellikle internet teknolojisinin gelişmesiyle birlikte veri güvenliğinin sağlanması için birçok şifreleme algoritmaları kullanılmaktadır. (Beşkirli, A. Vd , 2019)

En yaygın olarak bilinen iki şifreleme yöntemi simetrik ve asimetrik şifreleme olarak ifade edilebilir. Bu isimler, şifreleme ve şifre çözme için aynı anahtarın kullanılıp kullanılmadığını ifade etmek için kullanılır. Bu teknikleri şu şekilde özetleyebiliriz:

- **Simetrik Şifreleme Anahtarları:** Bu, özel anahtar şifrelemesi olarak da bilinir. Şifreleme için kullanılan anahtar, şifre çözmek için kullanılan anahtar ile aynıdır. Bu, bireysel kullanıcılar ve kapalı sistemler için en iyi sonucu sağlar. Aksi takdirde, anahtarın alıcıya gönderilmesi gerekir. Bu durum, anahtarın bilgisayar korsanları gibi üçüncü taraflarca ele geçirilme riskini artırır. Bu yöntem asimetrik yöntemle göre daha hızlıdır.



- **Asimetrik Şifreleme Anahtarları:** Bu yöntemde, matematiksel olarak birbirine bağlanan iki farklı anahtar (genel ve özel) kullanılır. Anahtarlar, birbiriyle eşleştirilmiş ancak birbirinin aynı olmayan büyük sayılardır, bu nedenle asimetrik terimi kullanılır. Özel anahtar, sahip tarafından gizli tutulur ve genel anahtar ya yetkili alıcılar arasında paylaşılır ya da herkese açık olarak sunulur.

## AKTARILAN VERİLERDE ŞİFRELEME

Bilgiler elektronik ortamda özel ağlarda veya internet üzerindeki cihazlar arasında yer değiştirdiğinde, aktarılan veriler olarak kabul edilmektedir. Aktarım yöntemi ile ilgili zayıflıklar ve güvenlik açıkları nedeniyle veriler daha fazla risk altındadır. Aktarım sırasında verilerin özel tekniklerle tümüyle –uçtan uca– şifreleme adı verilen yöntemle şifrelenmesi, verilerin ele geçirilmesi durumunda dahi gizliliğinin korunmasını sağlayacaktır.

Bu konuda yaptığımız araştırmalarda özellikle şifrenin kırılması üzerine yapılan çalışmalar dikkatimizi çekmiştir. El-Kindi'nin "Şifreli Mesajların Kırılması Hakkında" isimli eseri, diğer kültürlerde bu işlemlerle uğraşan insanları yeni şifreleme metotları bulmak için motive etmiş ve modern şifrelemenin temellerini atmıştır. Buradan da anlaşılacağı gibi şifreleme yöntemi geliştirilirken birçok ölçüt dikkate alınmalıdır.

Simon Singh, 1999 yılında yayınladığı Kod Kitabı'nda, El-Kindi'yi ilk şifre kırma metodunun kâşifi olarak göstermiştir. Singh kitabında "Bir toplumda kripto analizin doğabilmesi için üç farklı alanda yüksek standartların yakalanması şarttır: Dilbilim, istatistik

ve matematik. Bu şartların oluştuğu bir dönemde yaşayan Kindi, bu üç alanda ve daha nice alanlarda uzmanlaşmıştır." ifadesine yer vermiştir. (Simon Singh, 1999)

Bu projede, aktarılan verinin çalınmasını önlemek ve kötü amaçlarla kullanmak isteyen kişiler tarafından okunmasını engellemek amacıyla yenilikçi ve etkili olduğunu düşündüğümüz bir yol üretilmeye çalışılmıştır. Projede verilerin şifrelenmesi için simetrik şifreleme anahtarı yöntemi kullanılmıştır.

Şifreleme algoritmalarının performans ölçütlerinin başlıca olanları kırılabilme süresinin uzunluğu, şifreleme ve çözme işlemlerine harcanan zaman ile şifreleme ve çözme işlemlerinin maliyetidir.

Simetrik şifreleme anahtarlarının bireysel kullanıcılar ve kapalı sistemler için en iyi sonucu sağlayacağı düşünüldüğünde veri güvenliğinin sağlanması için yenilikçi matematiksel algoritmalarla yararlanarak sınırsız varyasyona sahip döngüsel bir şifreleme türü geliştirmek projenin en temel amacı niteliğindedir. Bu amaç özellikle bireysel kullanıcılara düşük maliyetli şifreleme olanakları sunmaktır. Gelişen teknolojiler sebebiyle uzaktan çalışma yönteminin gittikçe artması veri güvenliğine ayrılan maliyetlerin de artmasına sebep olmuştur. IBM'in yaptığı bir araştırmaya göre "Uzaktan çalışmanın bir faktör olarak belirtildiği ihlallerde ortalama maliyet, uzaktan çalışmanın faktör olarak belirtilmediklerine kıyasla 1,07 milyon ABD Doları daha yüksektir."

Veri güvenliğini sağlamak için geliştirilen birçok yöntem vardır. AES elektronik verinin şifrelenmesi için sunulan bir standarttır. Amerikan hükümeti tarafından kabul edilen AES, uluslararası alanda da defacto şifreleme (kripto) standardı olarak kullanılmaktadır. DES'in (Data Encryption Standard - Veri Şifreleme Standardı) yerini almıştır. AES ile tanımlanan şifreleme algoritması, hem şifreleme hem de şifreli metni çözümede kullanılan anahtarların birbiriyle ilişkili olduğu, simetrik-anahtarlı bir algoritmadır. AES için şifreleme ve şifre çözme anahtarları aynıdır.

Bu projede AES benzeri bir şifreleme yöntemi ile şifreleme ve şifre çözme işlemi için aynı anahtar kullanılmaktadır.

## YÖNTEM

Bilgisayar sistemleri ile ilgilenen birçok kişi taban aritmetiği ifadesi ile sıklıkla karşılaşmaktadır. Günümüzde bilgisayarlarda yalnız 1 ve 0 sayılarının kullanımı ile yazılar yazılmakta, oyunlar kodlanmakta, yazılımlar oluşturulabilmektedir. Hatta işlemciler ve transistörler de bu sistemle çalışmakta 1 sayısı enerjinin olduğunu, 0 sayısı ise enerjinin

olmadığını belirtmektedir.

Taban aritmetiğinin tarihi sürecine bakıldığında Araplar 10'luk sistem ile ortaya çıktığında Avrupalılar bunu kullanışlı bulmuş ve kullanmaya başlamış, Aztekler 20'lik sayma düzeni kullanırken Babiller 60'lık sayma düzeni kullanmışlardır. Başka medeniyetlerin de 12'lik sayma düzeni kullandığı görülmektedir. Hatta bu sistemler günümüzde de hala etkisini göstermektedir. 24 saat, 12 ay, 60 dakika, 60 saniye, 180 derece, bir düzine 12 adet gibi kullanımların bu sayma sistemlerinin etkileri olduğu ifade edilebilir.

Projenin temelini oluşturan faktöriyel tabanı, bilinenlerden farklı bir taban aritmetiği sistemi oluşturmayı hedeflemektedir.

Faktöriyel tabanlı döngüsel simetrik şifreleme yöntemini açıklayabilmek için

- I. Faktöriyel Tabanı adı verilen taban aritmetiği sistemini oluşturacağız.
- II. Verileri verilen anahtar yardımıyla sayısal metinlere çevireceğiz.
- III. Sayısal metinleri bloklar halinde faktöriyel tabanlı sayılara çevirip şifrelenmiş sayısal metni elde edeceğiz.
- IV. Anahtar değerinde verilen döngü sayısı kadar bu işlemi tekrarlayacağız.

Bunun için öncelikle faktöriyel tabanını açıklayalım.

## I. FAKTÖRİYEL TABANI

Günümüzde hesaplamalarda yaygın olarak 10 tabanı kullanılmaktadır. 10 tabanında kullanılan rakam kümesi  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$  olup her rakam kullanıldığı basamağa bağlı olarak bir basamak değerine sahiptir.

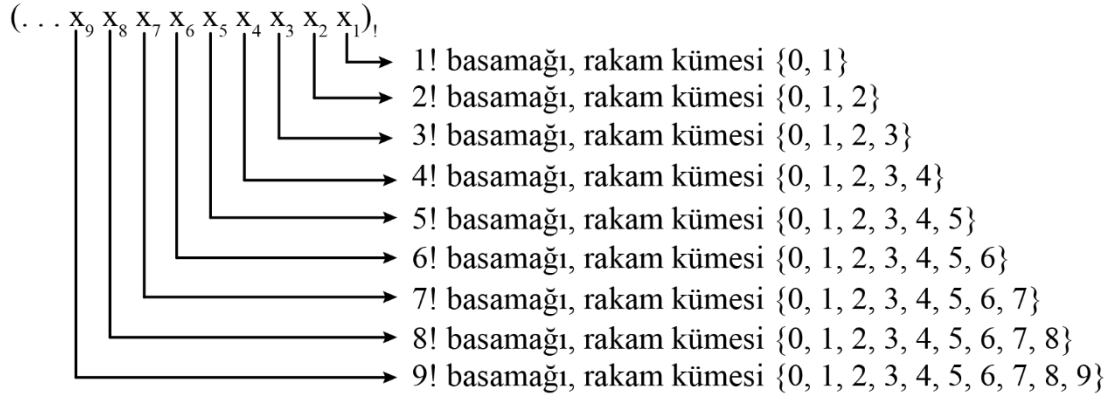
Örneğin; 10 tabanında  $\left( \begin{matrix} a & b & c \\ 10^2 & 10^1 & 10^0 \end{matrix} \right)_{10} = a \cdot 10^2 + b \cdot 10^1 + c \cdot 10^0$  olarak ifade edilmektedir.

2 tabanında ise kullanılan rakam kümesi  $\{0, 1\}$  olup her rakam kullanıldığı basamağa bağlı olarak bir basamak değerine sahiptir.

Örneğin; 2 tabanında  $\left( \begin{matrix} a & b & c \\ 2^2 & 2^1 & 2^0 \end{matrix} \right)_2 = a \cdot 2^2 + b \cdot 2^1 + c \cdot 2^0$  olarak ifade edilmektedir.

Faktöriyel tabanı adını verdiğimiz taban aritmetiği sisteminde sayıları yazmak için bilinen taban aritmetiğinden farklı olarak her bir basamakta kullanılacak rakam kümeleri değişmektedir. “!” tabanında her bir basamak değeri  $n!$  olarak belirlenmiş olmuş  $n!$  basamağında kullanılacak rakamlar  $\{0, 1, 2, \dots, n\}$  olarak ifade edilebilir.

Bu sistemi aşağıdaki şema ile gösterebiliriz:



Buna göre bu sayı  $\dots x_9.9! + x_8.8! + x_7.7! + x_6.6! + x_5.5! + x_4.4! + x_3.3! + x_2.2! + x_1.1!$  olarak 10'luk sisteme çevrilebilmektedir. Aslında bu işleme 10! ve daha fazlası ile devam edilebilmektedir. Fakat bu durumda kullanılacak rakam kümesinde 10 sayısı da yer alacağı için tıpkı 16'lık sistemdeki gibi  $A = 10$  eşitliğinden yararlanılarak rakamları temsilen harfler kullanılması gerekecektir.

Çalışmamızda bu sistemi 10! sayına kadar olan basamaklar için kullanarak şifreleme ve taban dönüşümlerinde sadece 10'luk sistemde kullanılan rakam kümesi kullanılmıştır. Bunun için 10.10! sayısından küçük bloklar faktöriyel tabanına çevrilecektir.

Basamak değerlerinde 0! kullanılmamasının temel sebebi bu basamakta 0 dışında bir rakam kullanılmayacak olmasıdır. Aynı zamanda n! basamağında en fazla n rakamının kullanılmasının nedeni de  $(n + 1).n!$  işleminin sonucunun  $1.(n + 1)!$  olmasından ötürü bir sonraki basamağa yazılacak olmasıdır.

### 10'luk Sistemden Faktöriyel Tabanına Dönüştürme

Bu işlemde kullanılacak en büyük faktöriyel değeri 10! olduğundan aşağıdaki tablo değerlerinden faydalanılacaktır.

1! = 1
2! = 2
3! = 6
4! = 24
5! = 120
6! = 720
7! = 5040
8! = 40320
9! = 362880

$10! = 3628800$  olduğundan  $10 \cdot 10! = 36288000$  sayısından küçük sayılar için dönüşüm yapılacaktır.

$10'$ luk sistemde verilen sayı değeri için gerekli bölme işlemleri yapılarak sayı faktöriyel tabanında yazılacaktır. Bu işlem yapılırken verilen bir A sayısının içerisinde kaç tane  $10!$  sayısı olduğu belirlendikten sonra kalan sayı bulunur, ardından kalan sayının içerisinde kaç tane  $9!$  sayısı olduğu belirlendikten sonra kalan sayı bulunur, ardından kalan sayının içerisinde kaç tane  $8!$  sayısı olduğu belirlendikten sonra kalan sayı bulunur, ... , ardından kalan sayının içerisinde kaç tane  $1!$  sayısı olduğu belirlenir. A pozitif tam sayısı için en son kalan değer her zaman 0 olacaktır.

Bu işlem aşağıdaki gibi görselleştirilebilir.

$$\begin{array}{r|l}
 A & 10! \\
 \hline
 \underline{\quad} & x_{10} \\
 & \\
 \hline
 & 9! \\
 \hline
 \underline{\quad} & x_9 \\
 & \\
 \hline
 & 8! \\
 \hline
 \underline{\quad} & x_8 \\
 & \cdot \\
 & \cdot \\
 & \cdot \\
 & \\
 \hline
 & 1! \\
 \hline
 \underline{\quad} & x_1 \\
 & \\
 \hline
 0 & 
 \end{array}$$

$(x_{10} x_9 x_8 x_7 x_6 x_5 x_4 x_3 x_2 x_1)_!$  elde edilir.

Örneğin; 425 sayısını faktöriyel tabanına çevirmek istediğimizde

- 425 sayısının içerisinde  $5! = 120$  sayısından **3** tane vardır. Burada kalan  $425 - 360 = 65$  tir.
- 65 sayısının içerisinde  $4! = 24$  sayısından **2** tane vardır. Burada kalan  $65 - 48 = 17$  dir.
- 17 sayısının içerisinde  $3! = 6$  sayısından **2** tane vardır. Burada kalan  $17 - 12 = 5$  tir.
- 5 sayısının içerisinde  $2! = 2$  sayısından **2** tane vardır. Burada kalan  $5 - 4 = 1$  dir.
- 1 sayısının içerisinde  $1! = 1$  sayısından **1** tane vardır ve son olarak kalan 0 elde edilecektir.

O halde 425 sayısı " $!$ " tabanında  $(32221)_!$  olarak elde edilmiş olacaktır.



## Faktöriyel Tabanından 10'luk Sisteme Dönüştürme

Faktöriyel tabanında verilen bir sayı 10'luk sisteme çevrilirken her bir basamaktaki rakam o basamağın basamak değeri olan faktöriyel ifadesi ile çarpılarak elde edilen sonuçlar toplanır.

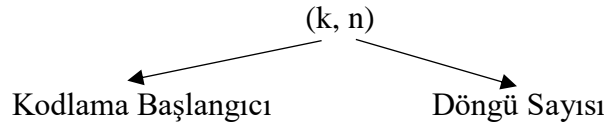
Örneğin;  $(32221)_3 = 3.5! + 2.4! + 2.3! + 2.2! + 1.1!$

$$= 3.120 + 2.24 + 2.6 + 2.2 + 1.1$$

$$= 360 + 48 + 12 + 4 + 1 = 425 \text{ elde edilecektir.}$$

## II. VERİLERİ SAYISAL METNE ÇEVİRME

Projede şifreleme işlemi için kullanılacak anahtar  $(k, n)$  şeklinde iki değişkenden oluşmaktadır. Burada  $k$  kodlama başlangıcı ve  $n$  döngü sayısı olarak belirlenmektedir.



Proje çalışması sırasında karakter listesini kodlamak için  $k$  değeri A harfi ile eşleştirilerek belirlenen harf listesinin sayısal karşılıkları elde edilecektir. Değişen bir  $k$  değeri sayesinde her şifreleme işleminde her A harfinin karşılığı olarak elde edilen sayısal değer değiştirilmiş olacaktır.

A	B	C	Ç	D	E	F	G	Ğ	H	I	İ	J	K	...
k	k+1	k+2	k+3	k+4	k+5	k+6	k+7	k+8	k+9	k+10	k+11	k+12	k+13	...

Bu sisteme göre, bir metnin  $k$  değişkenine bağlı olan sayısal karşılığı, yukarıdaki tablo yardımıyla karakter bazında belirlenir. Projemizde  $k$  değeri olarak 3 basamaklı sayılar kullanılmıştır. Fakat şifreleme tekniği bakımından bunun belli bir sınırı yoktur. Aşağıda “Tübitak” kelimesinin farklı  $k$  değerleri için elde edilen sayı dizisi aşağıdaki tabloda verilmiştir.

Metin	k değeri	Sayısal Metin
Tübitak	100	124155131141153130143
Tübitak	151	175206182192204181194
Tübitak	303	327358334344356333346
Tübitak	259	283314290300312289302
Tübitak	442	466497473483495472485
Tübitak	189	213244220230242219232
Tübitak	378	402433409419431408421

Projede kullanılan anahtar yapısından ötürü her harfin sayısal karşılığı her defasında değişmekte olup verilen metne karşılık bir sayısal metin bu anahtara göre her defasında farklı bir sayı dizisi olarak elde edilmektedir.

### III. SAYISAL METNİ FAKTÖRİYEL TABANINA ÇEVİREREK ŞİFRELENMİŞ SAYISAL METNİ ELDE ETMEK

Projede verilen anahtardaki k değişkeni kullanılarak verilen metin sayısal metne çevrildikten sonra şifreleme işlemi için bu sayısal metin bloklar halinde faktöriyel tabanına çevrilecektir.

Tüm pozitif tam sayılar faktöriyel tabanında yazılabileceği halde bu proje için sadece 10'luk sistemdeki rakamları kullanmak adına belli basamaktaki sayıları faktöriyel tabanına çevirmeye karar verdik. Buna göre bu sistemde yazabileceğimiz en büyük faktöriyel tabanlı sayı  $(9987654321)_10$  olacaktır.

Bu durumda bu sayının 10'luk sistemdeki karşılığı

$$9 \cdot 10! + 9 \cdot 9! + 8 \cdot 8! + 7 \cdot 7! + 6 \cdot 6! + 5 \cdot 5! + 4 \cdot 4! + 3 \cdot 3! + 2 \cdot 2! + 1 \cdot 1!$$

$$= 36287999 < 10 \cdot 10! = 36288000$$

olduğundan elde edilen sayısal metin 7 basamaklı bölümlere ayrılarak her 7 basamaklı bölümün 10 basamaklı faktöriyel sayılara çevrilmesi garanti altına alınmış olacaktır.

Aşağıda verilen metinlere göre girilen k anahtarı için elde edilen faktöriyel tabanlı şifrelenmiş sayısal metinlere örnekler verilmiştir.

Metin	k Değeri	Sayısal Metin(SM) / Faktöriyel Tabanlı Şifreli Sayısal Metin(ŞM)
Tübitak	124	SM: 148179155165177154167
		ŞM: 040600110115163443111963320101
Tübitak	328	SM: 352383359369381358371
		ŞM: 0963111111116316421200365333301
Tübitak	491	SM: 515546522532544521534
		ŞM: 141662100106170302101241052100

Dönüştürme işlemi sırasında değişen k değerleri için sadece 1 kez şifreleme işlemi uygulanmış ve tablodaki değerler elde edilmiştir.

Bu işlemler sırasında sayısal metin 7 basamaklı bloklara ayrılırken eğer sayısal metnin basamak sayısı 7'nin katı değilse sayısal metnin sonuna dönüştürme aşamasında 0 rakamları basamak sayısı 7'nin katı oluncaya kadar eklenmektedir. Böylelikle hem bloklara ayırma işlemi hem de oluşan şifreli sayısal metin bir standart dönüşüme ulaştırılmış olacaktır. Bunun sonucunda elde edilen şifrelenmiş metin 10'un katı olan bloklardan oluşmaktadır.

#### IV. DÖNGÜ SAYISI İLE ŞİFRELENMİŞ METNİ TEKRAR ŞİFRELEMEK

Projede kullandığımız anahtar  $(k, n)$  şeklinde iki değişkenden oluşmakta olup bu değişkenlerden ilki kodlama başlangıcı olarak harflerin sayısal karşılıklarını belirlemekte, ikincisi ise şifreleme işleminin kaç kez tekrar edeceğini yani döngü sayısını belirlemektedir. Şifreleme işlemi her sayısal metne uygulandığında sayısal metin 7 basamaklı bloklara ayrılarak her blok faktöriyel tabanına çevrilmektedir. Bu çevirme işleminde her bir 7 basamaklı blok 10 basamaklı faktöriyel tabanına çevrilmektedir. Bu işlem şifrelenmiş sayısal metne döngü sayısı kadar uygulanacaktır.

Bazı anahtar değerleri için elde edilen şifreli metinlere örnekler aşağıdaki tabloda verilmiştir.

Metin	Anahtar $(k, n)$	Şifreli Sayısal Metin
Tübitak	$(135, 1)$	043355402118210040102244030300
	$(135, 2)$	01160043000052010311000764032006641141010000000000
	$(135, 3)$	00270032000823142020002431110000171031210546100001 03775240200000000000000000000000
	$(135, 4)$	00052300110544652211038153000000601342110000012011 007562411112624431100275614220110542000000000000000 00000000000000000000000000000000

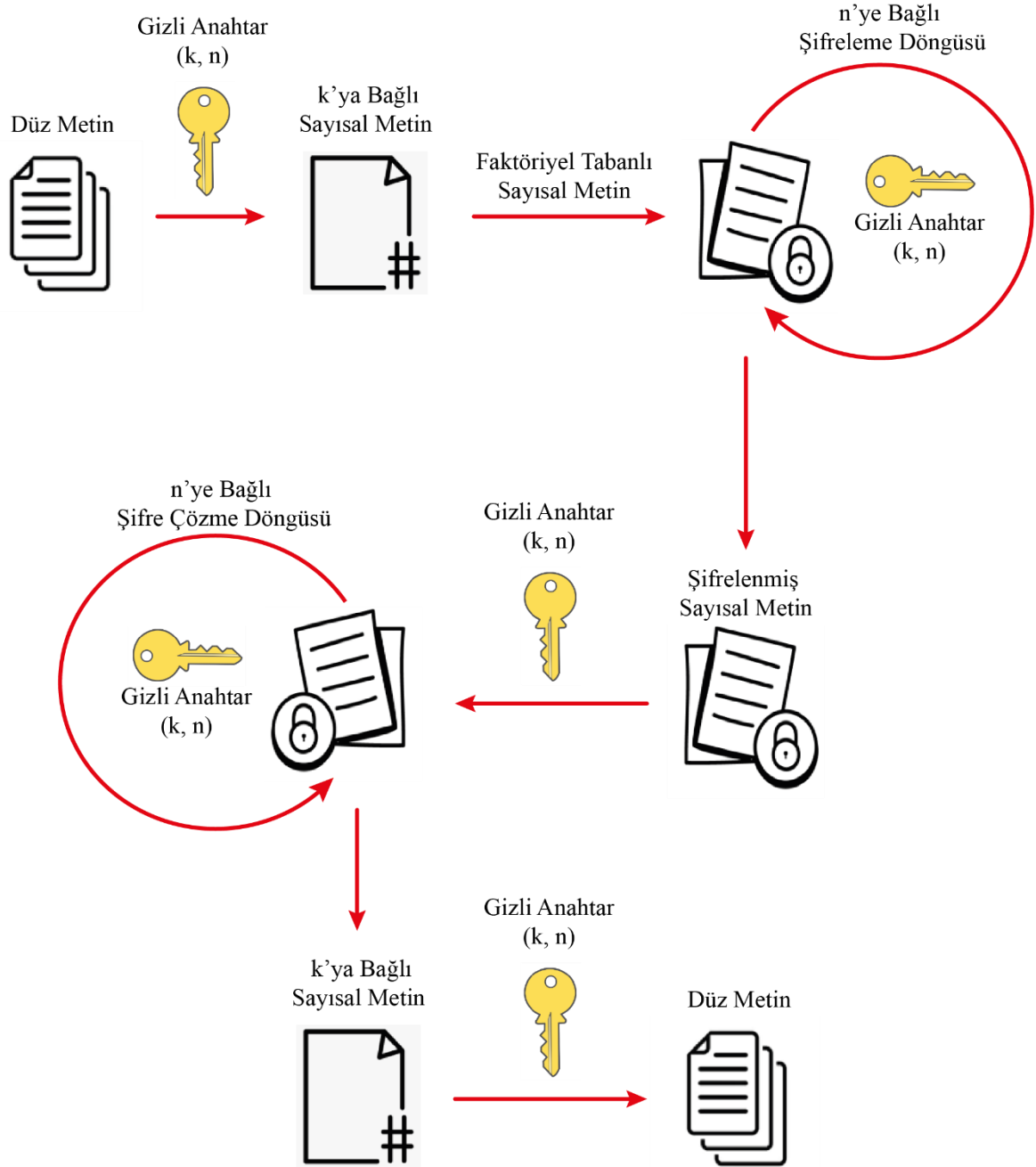
Bilgisayar yardımıyla yapılan bir şifreleme örneği ve anahtar aşağıda verilmiştir.

Metin	Anahtar (k, n)
<p>Bu şifreleme tekniğinde (k, n) anahtar sistemi ile çalışan faktöriyel tabanlı bir dönüşüm sistemi ile n adet döngüsel işlem sonucunda ulaşılan şifrelenmiş sayısal metin elde edilmektedir. AES şifreleme sisteminde olduğu gibi döngü sayısı oluşan şifrelenmiş sayısal metnin tekrar şifrenmesi sonucu tekrarsız bir sayısal şifrelenmiş metin oluşturmaktadır.</p>	(267, 5)
<p>0002204110060444301017621322001130440000000014221103320322211965322200000  0000200035164411115012233000074230320057044000000044022011965610321026635  2220037752402000000222010301024301033221100008810522000004441110060650112  1055265402000004200000302143311085513312114203033100022102220110554122012  4054330100002133010872650320167451020007323020110302143121121664312020441  340200016630021091051130117860340200000000000266501011167263031003855422  0100254010101183213220141432421100476431110604453110008343330003766442210  8252301001153333300074664032002663140200031654010064222402100014200011153  3331100027540310022352300103022333101682201220083024311002712021000081603  2210557100001000543312000041133001825622200052601202008746313110883201220  1570652320002620201114555212210911221220001322421106104440010161142321054  1622220060433132002730033002486431220000104021003576203110110141100001321  2021005145000103821231100201211300054654100101100000001573503111000062311  0113330312018313141000304222210090664202114854203100064043120002400132101  1352201009826322110270111101141015131119630203100022100120002560311003041  5311000646133110001651220000622330112434130010025023310063421131119853442  1002876122200906643010121501421100736522100047602110143221330002215022010  5445503210544543110010033020000101310001105421221137415220000050323210023  5522111672351220040163312000236112000912503320092044311100502313110075454  2000630633111022321232102663203100385513110027065402005460100110912634300  1523200010032325430106064521001762010310010242122008471312001213130310005  2033120057052112013720200111551134211000000422000021213101954510000032142  3001082314000008750420100731533301030502120001075200000005004220000541402  1112545111105545333000172150121060633421106323420100907123110000050031008  2314031012173033000012541300112545010120165423210083332020087262430109130  5122016570303110571624100032621031020405412210013231001032604321118214540  2003162533100570441000083153000025661340210546400220005602031000836141000  2823030000853032210057061031100556011100873013200152155031103646400110544  6512201455521311125140031002830130010047623001153704311100126403200544543  1100000000001065520001000000101201211252000205041012000101300010851023110  113330330000741123200026001011031014122112206531100000000000855133110010  0204021001335122106044543110435613300000453001005705543100853303110015703  0201000103232008272501100633051220003325131103321500000050100000000564012  1033014302016764431101466120001026633112014062002211541612020003553002008  2330400103305000000315123121082540002003822401200030602201000045211008553  0432120646042100275141310002754210012626331100171530020004744311003762512  2007404001200026010210110753311001120020100274044220082513122000021411010  1653300010606411101041601000001360233000003342100117723421004423300100281  5310000912640221168102402003540012200326101320140605122000076322000270420  0101107542200203414311000000133000547002100084703122101002000000546540000  0827551220000430311002720330011453403121002430122000013422210030012300100</p>	

4304020000214110000256543001714102011065612221002700500100030123201195251  
3120027034422000020041001151242320000503202100260141111151233300005660122  
0002355320011274413111274534211032123331008530201210073641220014401411005  
7263220109406531111251144211026630220109330040202072003110001300021008510  
241011411613300000004110060641431009165100000465314211026663300113701501  
0008275522100307442020112532320006402231100314550201030220000100275442100  
4373440200303652011145735132023645230000035610200033203021012454040200073  
634101033013131116465000000000142100304022300110601232000522040200274642  
2010910512320115153031003143243000047443310064021311008322500000547520211  
1215240121097251232102736113010030003320192522311001602031210823214211042  
1513300226521000102670300000881152101016402000100052300100051442100141361  
4211048625232003300313110700250000174241331100014520110936530310054760201  
1001253410111532212100304612200022411112005724312211406340000020553410005  
7510332014360441001823632010026763331011811013101525120000002754201000475  
3320009630020101732303001000154012014534031210077621101003530031100000133  
1111533522010000051110087500230014815440201673333001000125032111276032011  
9850520100304632010000000312121060403110074514100057251411014854201200910  
5431110571123321112533221107200133000325424211030214311114416240210073643  
3110572440000008145031004016331200266640100057060132001212140210267422210  
0075453110165060402000000000100873023200082314000002070131200303632321035  
5620111112745110003311220110853020010097042031000003032000270343020152314  
2010073214410103026212201125450211070040312002676032000606450020208763000  
1045044222005704441000853303110000001031005463342100310132310207415312000  
0565021106063242100632243110025561032008726430111135430310166323312000261  
2020002662522001134013111000515421103260411010032242010006554202000256113  
1114615142101663010001055015100106544122011805404020027461002006063242210  
5531300000116300120054654100111020200000314413121030243232006323503100970  
6422010266641120000000122106322300000054201000057245410008833142102487411  
2200000101200083125032100814503100034250011112545331117640203100001134220  
0873033301041143312002771331200266320021137230322012871131100000411100085  
103112001072412200005004300057261210103323120101160230201000000000091063  
3301145764001002735541110027541210126643122002300303100024052101110143122  
0201050020100003411201177401001206021202003025543000027541010173425311102  
4503110102663430000660531220000430402002673232011181222011096654122100370  
1201011055413001460250311008614210000516543010573141220005061221105705211  
2012171143001141532321000365032111553311101672333300023514402102665141200  
5704401200737514221027112410000061012200163553111000530222100514443111442  
0231100571340010087462302117862001202330532021027021320111273201011104021  
1010266613200085115211107142103110372133120087262321000760412210281120321  
0025101311110753311017705223200006313310063433311016723522000660653301060  
4352301030642421024132042200544624101055053130105514130000300244110063035  
110106865420100000022100604420200121100330024271301210303311110003012320  
1124131220100336113000077450220141015201000706513010302314111148201110121  
0422402002665021100550541020068640220100013420210606333021145625012100740  
1002002703140011430104100082544311003026011111181104211068630232100344011  
1011532123201963151221008050331108746230211676204020057330311002662512201  
12760330100342431200020234110090652000000000000001



Bu projede anlatılan şifreleme ve şifre çözme basamakları aşağıdaki şema ile bir bütün halinde gösterilmiştir.



## SONUÇ VE TARTIŞMA

Bilgi sistemleri ve veri kullanımındaki sonsuz artış, bilgi güvenliğinde tehlikenin doğuşunu tetiklemiştir. Son yayınlanan raporlara göre askeri kuvvetler ve e-ticaret web siteleri dışında sıradan kullanıcılar da sistemlerini ve belgelerini korumak için şifreleme teknikleri kullanmaya başlamışlardır. Alınan tedbirlere rağmen çeşitli gizleme tekniklerini kullanarak hazırlanan akıllı saldırılar mevcut korunma yöntemlerini atlatarak hedef sistemdeki parola ve kullanıcı adlarını ve hatta aktarılan verileri ele geçirebilmektedir.

Bu projede temel amacımız bilinen tekniklerin dışında bir matematiksel yöntem yardımıyla bireysel kullanıcılara maliyeti düşük ve saldırılardan daha iyi korunan bir şifreleme tekniği sunmaktır. Bu tekniği uygularken geliştirdiğimiz bir bilgisayar programı şifreleme için seçilen  $(k, n)$  anahtarı için basit matematiksel işlemler ile hızlı bir şekilde şifreleme işlemi yapabilmektedir. Birçok şifreleme yönteminde kullanılan fonksiyonlar ve fonksiyon döngüleri ile şifreleme işlemi gerçekleştirilebilmesi için donanım olarak güçlü bilgisayarlar ve yüksek kapasiteli işlemciler gerekmektedir. Oysa bu projede kullandığımız yöntem hesap makinesi ile dahi hızlıca gerçekleştirilebilecek kadar küçük donanıma ve basit işlemciye sahip bilgisayarların dahi yapabileceği ölçüde bir matematiksel işlemdir. Bu durum bireysel kullanıcılar için düşük maliyetli şifreleme yöntemlerinin geliştirilebileceğini bizlere göstermektedir.

Projede kullandığımız şifreleme işleminde anahtar olarak belirlenen  $(k, n)$  değeri için sınırsız sayıda alternatif olması şifre kırma işlemleri açısından sınırsız sayıda deneme gerektiği anlamına gelmektedir. Bilindiği üzere AES algoritması için  $2^{200}$  işlem gerektiren bir saldırı algoritmanın kırılması olarak kabul edilirken  $2^{200}$  mertebesindeki bir işlem, şu an için, evrenin yaşından daha uzun bir süre gerektirmektedir. Projemizde AES benzeri bir yapı ve 3DES benzeri döngüler ile sınırsız anahtara sahip bir şifreleme oluşturmaya çalıştık.

Şifre algoritması geliştirmek için çalışan her araştırmacının dikkate alması gereken önemli notalardan biri de şifre kırma algoritmalarının kullandığı yöntem ve tekniklerdir. Bu bağlamda özellikle şifre kırma algoritmaları, frekans analizi ve bilinen şifreleme yöntemlerinde ters işlem yaparak oluşturulan şifreli metni incelediği için şifre yapısında bu algoritmaları geride bırakacak bir düzenleme yapılması gerekmektedir. Bu projede geliştirdiğimiz şifre yapısında sınırsız anahtara sahip bir şifreleme yöntemi ve döngüsel yaklaşım düşük maliyetli yenilikçi bir algoritma yapısı ortaya koymaktadır.



## ÖNERİLER

Şifre ve parolalar dijital dünyada siber saldırıların odağında olmakta ve kırılan tek bir şifre ile tüm güvenlik sistemleri atlatılarak veriler ele geçirilebilmektedir. Şifreli verilere veya bilgi sistemlerine ulaşmak saldırganlar kadar sıradan insanların ilgisini çekmekte ve bu durum şifre kırmak için her geçen gün yeni yöntemler geliştirilmesine sebep olmaktadır. Şifre kırma işlemi için geliştirilen bu yeni yöntemlere karşı şifreleme için de yeni yöntemler geliştirilmesi zorunlu bir ihtiyaçtır.

Projemizde ulaşmaya çalıştığımız temel hedef sınırsız varyasyona sahip bir anahtar yapısı ile şifre bloğu üretmenin yanında tüm yöntemlerden farklı olarak faktöriyel tabanı olarak tanımladığımız yenilikçi bir işlemle sayısal şifrelenmiş metin elde ederek şifre kırma işlemlerini daha da zorlaştırmaktır. Projemizin bu tür şifreleme teknikleri geliştirmek isteyen araştırmacılara yol göstermesi açısından bu yöntem bir örnek teşkil edecektir. Temel bir matematiksel fonksiyon olan taban aritmetiğinin ve şifrelemeyi güçlendirmek için tekrarlanan fonksiyon döngülerinin şifreleme için uygun yöntemler olduğunu göstermeye çalıştığımız bu araştırmamız şifreleme için yeni yöntemler geliştirmeye çalışan araştırmalara yol gösterecektir.

## KAYNAKÇA

Simon, S. “*The Code Book: The Science of Secrecy from Ancient Egypt to Quantum Cryptography*”, 1999

Beşkirli, A., Özdemir, D., & Beşkirli, M. (2019). “*Şifreleme Yöntemleri ve RSA Algoritması Üzerine Bir İnceleme*”. *Avrupa Bilim ve Teknoloji Dergisi*, 284-291.

Kara, İ. (2019). “*Kaba Kuvvet Saldırı Tespiti ve Teknik Analizi.*” *Sakarya University Journal of Computer and Information Sciences*, 2(2): 61-69.

Kaya, Ö. F., Öztürk, E. (2017). “*Veri ve Ağ Güvenliği İçin Uygulama ve Analiz Çalışmaları.*” *Istanbul Ticaret Üniversitesi Fen Bilimleri Dergisi*, 16(31): 85-102.

İnternet: 3DES Algoritması, <https://bidb.itu.edu.tr/seyir-defteri/blog/2013/09/08/3des-algoritmas%C4%B1>, Son Erişim Tarihi: 15.01.2023

İnternet: Ev ve İşletmeler İçin Kaspersky Siber Güvenlik Çözümleri, Kaspersky, <https://www.kaspersky.com.tr/> , Son Erişim Tarihi: 15.01.2023

İnternet: Bir Veri İhlalinin Maliyeti Raporu 2021 - Türkiye | IBM, <https://www.ibm.com/tr-tr/security/data-breach>, Son Erişim Tarihi: 15.01.2023

İnternet: AES, <https://tr.wikipedia.org/wiki/AES>, Son Erişim Tarihi: 15.01.2023

İnan A., Nergiz M., Saygın Y., “*Öğrenci Verilerinin Korunması: Fatih Projesi Işığında Teknik Değerlendirme*”, *Bilişim Teknolojileri Dergisi*, 10(1), 67-77, 2017.

Çalık E., Erdem H. A., Aydın M. A.: “*Bulut Bilişim Güvenliği için Homomorfik Şifreleme*”, 19. İnternet Konferansı, Yaşar Üniversitesi, İzmir, 249-253, 27-29 Kasım 2014.

Özbilgin F., Durmuş F., Karagöl S., “*Yazılı metni şifreleyip LSB yöntemi ile gizleme*”, *Düzce Üniversitesi Bilim ve Teknoloji Dergisi*, 2018

Aksakallı I. K., “*Bulut Bilişimde Güvenlik Zaafları, Tehditler ve Bu Tehditlere Yönelik Güvenlik Önerilerinin İncelenmesi*”, *Uluslararası Bilgi Güvenliği Mühendisliği Dergisi*, 5(1), 18-19, 2019.

Knuth, D. E. (1973), “*Volume 3: Sorting and Searching, The Art of Computer Programming*”, Addison-Wesley, p. 12, ISBN 0-201-89685-0

Cantor, G. (1869), “*Zeitschrift für Mathematik und Physik*”, vol. 14.

Knuth, D. E. (1997), “*Volume 2: Seminumerical Algorithms*”, *The Art of Computer Programming* (3rd ed.), Addison-Wesley, p. 192, ISBN 0-201-89684-2.

McCaffrey, James (2003), Using Permutations in .NET for Improved Systems Security, Microsoft Developer Network.

Mantaci, Roberto; Rakotondrajao, Fanja (2001), “A permutation representation that knows what “Eulerian” means” (PDF), Discrete Mathematics and Theoretical Computer Science, 4: 101–108

Arndt, Jörg (2010). Matters Computational: Ideas, Algorithms, Source Code. pp. 232–238.